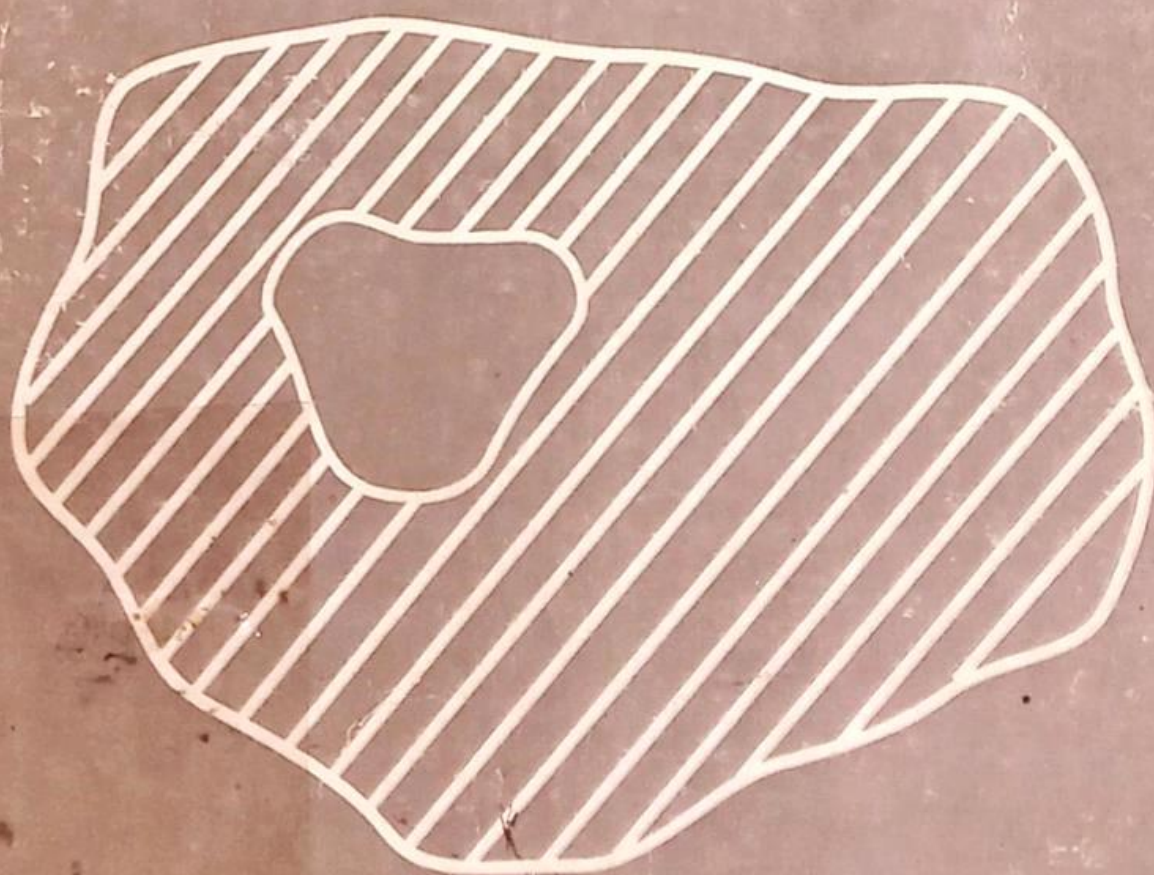


P.E ĐANKÔ, A.G.POPÔP, T.IA. COGIEPNHICÔVA

# Bài tập TOÁN HỌC CAO CẤP

## Phần II

(Sách dùng cho các trường Đại học Kỹ thuật)



NHÀ XUẤT BẢN GIÁO DỤC - 1996

P.E. Đankô, A.G. Popôp, T.la. Côgiépnhicôva

Bài tập  
**TOÁN HỌC**  
**CAO CẤP**

**PHẦN II**

*Người dịch :* LÊ ĐÌNH THỊNH, LÊ TRỌNG VINH

**(Sách dùng cho các trường Đại học Kỹ thuật)**



**NHÀ XUẤT BẢN GIÁO DỤC**

## MỤC LỤC

Trang

### Chương I. TÍCH PHÂN HAI LỚP VÀ BA LỚP

|                                                                           |    |
|---------------------------------------------------------------------------|----|
| § 1. Tích phân hai lớp trong hệ tọa độ vuông góc                          | 7  |
| § 2. Đổi biến trong tích phân hai lớp                                     | 14 |
| § 3. Tính diện tích của các hình phẳng                                    | 18 |
| § 4. Tính thể tích                                                        | 21 |
| § 5. Tính diện tích của mặt                                               | 23 |
| § 6. Ứng dụng tích phân hai lớp                                           | 27 |
| § 7. Tích phân ba lớp                                                     | 32 |
| § 8. Ứng dụng tích phân ba lớp                                            | 37 |
| § 9. Tích phân phụ thuộc tham số. Đạo hàm và tích phân dưới dấu tích phân | 40 |
| § 10. Hàm gamma, Hàm bêta                                                 | 47 |

### Chương II. TÍCH PHÂN ĐƯỜNG VÀ TÍCH PHÂN MẶT

|                                                                                                                             |    |
|-----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|----|
| § 1. Tích phân đường theo độ dài của cung và theo tọa độ                                                                    | 57 |
| § 2. Tính không phụ thuộc vào chu tuyến lấy tích phân của tích phân đường loại II. Tìm hàm số theo vi phân toàn phần của nó | 63 |
| § 3. Công thức Grin                                                                                                         | 67 |
| § 4. Tính diện tích                                                                                                         | 69 |
| § 5. Tích phân mặt                                                                                                          | 70 |
| § 6. Công thức Xiôc và công thức Ôxt rôgratxki - Gaoxo.<br>Cơ sở lý thuyết trường                                           | 74 |

### Chương III. CHUỖI

|                                                                     |     |
|---------------------------------------------------------------------|-----|
| § 1. Chuỗi số                                                       | 83  |
| § 2. Chuỗi hàm                                                      | 98  |
| § 3. Chuỗi lũy thừa                                                 | 104 |
| § 4. Khai triển hàm số thành chuỗi lũy thừa                         | 112 |
| § 5. Tính gần đúng giá trị của hàm bằng chuỗi lũy thừa              | 115 |
| § 6. Ứng dụng chuỗi lũy thừa để tính giới hạn và tích phân xác định | 121 |
| § 7. Số phức và chuỗi với số hạng phức                              | 123 |
| § 8. Chuỗi Fourier                                                  | 135 |
| § 9. Tích phân Fourier                                              | 145 |

### Chương IV. PHƯƠNG TRÌNH VI PHÂN THƯỜNG

|                                                    |     |
|----------------------------------------------------|-----|
| § 1. Phương trình vi phân cấp 1                    | 151 |
| § 2. Phương trình vi phân cấp cao                  | 179 |
| § 3. Phương trình tuyến tính cấp cao               | 186 |
| § 4. Tích phân các phương trình vi phân bằng chuỗi | 208 |
| § 5. Hệ phương trình vi phân                       | 214 |

### Chương V. CƠ SỞ LÝ THUYẾT XÁC SUẤT

|                                                                        |     |
|------------------------------------------------------------------------|-----|
| § 1. Biến cố ngẫu nhiên, lần số và xác suất của nó                     | 227 |
| § 2. Tiên đề cộng và nhân xác suất                                     | 229 |
| § 3. Công thức Bernoulli. Số có khả năng nhất của sự xuất hiện biến cố | 233 |
| § 4. Công thức xác suất đầy đủ. Công thức Bayes                        | 237 |
| § 5. Biến ngẫu nhiên và luật phân phối của nó                          | 239 |
| § 6. Kỳ vọng toán học và phương sai của biến ngẫu nhiên                | 244 |
| § 7. Mốt và median                                                     | 248 |
| § 8. Phân phối đều                                                     | 250 |
| § 9. Luật phân phối nhị thức. Luật Poisson                             | 251 |
| § 10. Luật phân phối chuẩn. Hàm Laplace                                | 255 |
| § 11. Mômen, độ bất đối xứng và độ nhọn của biến ngẫu nhiên            | 258 |
| § 12. Luật số lớn                                                      | 263 |

|                                                                                     |     |
|-------------------------------------------------------------------------------------|-----|
| § 13. Định lý Moavơ - Laplaxơ                                                       | 207 |
| § 14. Hệ các biến ngẫu nhiên                                                        | 269 |
| § 15. Đường hồi quy. Sự tương quan                                                  | 282 |
| § 16. Xác định các đặc trưng của biến ngẫu nhiên trên cơ sở các số liệu thực nghiệm | 289 |
| § 17. Tìm các luật phân phối của biến ngẫu nhiên trên cơ sở các số liệu thực nghiệm | 303 |

## **Chương VI. KHÁI NIỆM VỀ PHƯƠNG TRÌNH ĐẠO HÀM RIÊNG**

|                                                                         |     |
|-------------------------------------------------------------------------|-----|
| § 1. Phương trình đạo hàm riêng                                         | 327 |
| § 2. Các dạng phương trình đạo hàm riêng bậc hai. Dưa về dạng chính tắc | 330 |
| § 3. Phương trình dao động của dây rung                                 | 336 |
| § 4. Phương trình truyền nhiệt                                          | 343 |
| § 5. Bài toán Dirichlê đối với hình tròn                                | 352 |

## **Chương VII. CƠ SỞ LÝ THUYẾT HÀM BIẾN PHỨC**

|                                                                    |     |
|--------------------------------------------------------------------|-----|
| § 1. Hàm biến phức                                                 | 357 |
| § 2. Đạo hàm của hàm biến phức                                     | 360 |
| § 3. Khái niệm về ánh xạ bảo giác                                  | 364 |
| § 4. Tích phân theo biến phức                                      | 367 |
| § 5. Chuỗi Taylo và chuỗi Lôrăng                                   | 373 |
| § 6. Tính thặng dư của hàm số. Ứng dụng thặng dư để tính tích phân | 380 |

## **Chương VIII. CƠ SỞ PHÉP TÍNH TOÁN TỬ**

|                                                                                      |     |
|--------------------------------------------------------------------------------------|-----|
| § 1. Tìm ảnh của hàm                                                                 | 386 |
| § 2. Tìm hàm nguyên mẫu theo ảnh                                                     | 389 |
| § 3. Phép nhân chập (tích chập) các hàm. Ảnh của đạo hàm và tích phân hàm nguyên mẫu | 393 |
| § 4. Ứng dụng phép tính toán tử để giải một số phương trình vi phân và tích phân     | 396 |
| § 5. Công thức nghịch đảo (ngược) tổng quát                                          | 400 |
| § 6. Ứng dụng phép tính toán tử để giải một số phương trình vật lý toán              | 402 |

## Chương IX. PHƯƠNG PHÁP TÍNH

|                                                                                           |     |
|-------------------------------------------------------------------------------------------|-----|
| §1. Giải gần đúng phương trình                                                            | 400 |
| §2. Nội suy                                                                               | 421 |
| §3. Tính gần đúng tích phân xác định                                                      | 427 |
| §4. Tính gần đúng tích phân nhiều lớp                                                     | 433 |
| §5. Ứng dụng phương pháp Môngte - Caclo để tính tích phân xác định và tích phân nhiều lớp | 449 |
| §6. Tích phân bằng số các phương trình vi phân                                            | 466 |
| §7. Phương pháp xấp xỉ liên tiếp Pica                                                     | 474 |
| §8. Các phương pháp đơn giản nhất để chỉnh lý các số liệu thực nghiệm                     | 477 |
| Đáp số                                                                                    | 489 |
| Phụ lục                                                                                   | 504 |

**P. E. Dancô , A. G. Popôp , T. I. A. Côglepnhicôva**

## **BÀI TẬP TOÁN HỌC CAO CẤP**

### **PHẦN II**

Nội dung phần II gồm các chương: tích phân nhiều lớp, tích phân đường và tích phân mặt; chuỗi; phương trình vi phân thường và phương trình đạo hàm riêng; cơ sở lý thuyết xác suất; cơ sở lý thuyết hàm biến phức; cơ sở phép tính toán tử; phương pháp tính.

Trong mỗi tiết, những vấn đề lý thuyết cần thiết được nêu ra. Các bài tập mẫu có lời giải tỉ mỉ. Có nhiều bài tập đề tự giải.

Sách này dùng cho sinh viên các trường đại học kỹ thuật.